

## Домашнее задание

1.  $(x\sqrt{7}-3)(7x\sqrt{7}+3)+(x\sqrt{7}+3)^2 \leq 0$
2.  $(4x-17)^2(x+1) > 4(4x-17)^2$
3.  $\left(x^2 - \frac{5}{3}x + \frac{19}{3}\right)^2 - \left(x^2 - \frac{5}{3}x - \frac{16}{3}\right)^2 < 0$
4.  $(x^2 - 6x + 52)^2 - (x^2 - 6x - 50)^2 > 0$
5.  $3x^6 + 12x^4 - 96x^2 \geq 0$   $(-\infty, -2] \cup \{0\} \cup [2, +\infty)$
6.  $x^4 - 2x^3 + 2x - 1 < 0$   $(-1, 1)$
7.  $x^2 - 4 > x^3 + 8$   $(-\infty, -2)$
8.  $x^3 - 6x^2 + 15x - 14 \geq 0$   $[2, +\infty)$  ?
9.  $2x^4 - x^3 + 2x^2 + 3x - 2 < 0$   $\left(-1, \frac{1}{2}\right)$
10.  $x^4 - 9x^3 + 30x^2 - 44x + 24 \leq 0$   $[2, 3]$  ?
11.  $3x^4 + 5x^3 - x^2 - 5x - 2 \geq 0$   $\left(-\infty, -\frac{2}{3}\right] \cup [1, +\infty)$  ?
  
12.  $\frac{x^2 + 5x + 6}{x^3 + 3x^2 + 2x} \geq 0$   $[-3, -2) \cup (-2, -1) \cup (0, +\infty)$  ?
13.  $\frac{x^3 + 2x^2 - x - 2}{x^3 + x^2 - 4x - 4} > 0$   $(-\infty, -2) \cup (-2, -1) \cup (-1, 1) \cup (2, +\infty)$  ?
14.  $\frac{x^4 + 3x^3 + 4x^2 - 8}{x^2} \leq 0$
15.  $\frac{4x+1}{4(2-x)} < x+2$   $(-2, 5, 1, 5) \cup (2, +\infty)$  ?
16.  $\frac{4x-1}{x^2+x+1} < 1$   $(-\infty, 1) \cup (2, +\infty)$  ?
17.  $\frac{2x-3}{x-1} + 1 \geq \frac{6x-x^2-6}{x-1}$   $[2, +\infty)$  ?
18.  $-\frac{3}{8-\frac{5}{x-3}} \geq -1$   $(-\infty, 3) \cup \left(3, \frac{29}{8}\right) \cup [4, +\infty)$  ?
  
19. Выбрать набор чисел, каждое из которых является решением неравенства  $\frac{9x^2 + 18x - 8}{x-2} \geq 6$ :  
 1)  $\{-5, -3, 4\}$ , 2)  $\left\{-\frac{1}{3}, 0, 1\right\}$ , 3)  $\left\{-\frac{2}{3}, 3, 4\right\}$ , 4)  $\left\{-2, \frac{1}{7}, \frac{7}{5}\right\}$ , 5)  $\{2, 4, 7\}$ .
20. Выберите промежуток, не содержащий ни одного решения неравенства  $\frac{1}{2x-3} \leq \frac{x}{x+6}$ :  
 1)  $\left[\frac{1}{2}, \frac{2}{3}\right]$ , 2)  $\left[\frac{5}{2}, 3\right]$ , 3)  $\left[-\frac{3}{2}, -\frac{2}{3}\right]$ , 4)  $\left[\frac{3}{2}, \frac{5}{3}\right]$ , 5) все ответы не подходят.

21.  $\frac{1}{x^2 - 4x + 3} > \frac{1}{x-3} - \frac{1}{x-2}$   $(-\infty, 1) \cup (2, 3)$  ?
22.  $\frac{4x^2 - 1}{x^2 - 3x + 2} > 1 - 2x$   $\left(\frac{1}{2}, 1\right) \cup (2, +\infty)$
23.  $\frac{x^2 + x - 6}{x^2 + 2x + 4} \leq x + 3$   $[-3, +\infty)$
24.  $\frac{(x+5)(3x^2 - 3x + 1)}{x^2 - 6x + 9} > \frac{(x+5)(x^2 + 2x - 1)}{x^2 - 6x + 9}$   $\left(-5, \frac{1}{2}\right) \cup (2, 3) \cup (3, +\infty)$
25.  $\frac{2}{x+1} - \frac{1}{x-1} > \frac{3}{x+2}$   $(-\infty, -2) \cup (-1, 1)$  ?
26.  $x + \frac{4x^2 + 5x}{x^2 - x - 6} > \frac{9}{5x-15} + \frac{5x+1}{5x+10}$   $(-2, 1) \cup (3, +\infty)$
27.  $\frac{12x+1}{6x-2} - \frac{9x-5}{3x+1} < \frac{108x-36x^2-9}{4(9x^2-1)}$   $\left(-\infty, -\frac{1}{3}\right) \cup \left(\frac{1}{3}, \frac{1}{2}\right)$
28.  $\frac{12x^2 + 30x - 81}{16x^2 - 9} < \frac{3x-7}{3-4x} + \frac{6x+5}{4x+3}$   $\left(-\infty, -\frac{3}{4}\right) \cup \left(\frac{3}{4}, \frac{29}{3}\right)$
29.  $\frac{x+9}{x^2 - 3x - 10} - \frac{x+15}{x^2 - 25} \leq \frac{1}{x+2}$   $[-8, -5) \cup (-2, 5) \cup (5, +\infty)$
30.  $\frac{2x-1}{x+1} + \frac{3x-1}{x+2} \leq \frac{x-7}{x-1} + 4$   $\left(-2, -\frac{5}{4}\right] \cup (-1, 1) \cup [5, +\infty)$
31.  $\frac{x^2 + 5}{x^3 - 3x - 2} \geq \frac{1}{x-2} - \frac{2}{(x+1)^2}$   $x \neq -1, x \neq 2$  ?
32.  $\frac{3x^2 - 2x - 1}{2x^2 + 5x + 3} < \frac{2x^2 - 3x + 1}{3x^2 + 7x + 4}$   $\left(-\frac{3}{2}, -\frac{4}{3}\right) \cup (-1, 1)$
33.  $\frac{x^2 + 2x + 2}{x+1} + \frac{x^2 + 8x + 20}{x+4} \geq \frac{x^2 + 4x + 6}{x+2} + \frac{x^2 + 6x + 12}{x+3}$   $(-4, -3) \cup [-2, 5, -2) \cup (-1, 0)$
34.  $\left(-\frac{x}{2} + \frac{5}{8} - \frac{15}{88-32x}\right)^2 \geq 1$   $(-\infty, -1] \cup \left[2, \frac{11}{4}\right) \cup \left(\frac{11}{4}, 3\right] \cup [4, +\infty)$
- 
35.  $x^4 - 13x^2 + 36 \geq 0$   $(-\infty, -3] \cup [-2, 2] \cup [3, +\infty)$
36.  $x^4 - 4x^2 + 3 \leq 0$   $[-\sqrt{3}, -1] \cup [1, \sqrt{3}]$
37.  $(x^2 - x - 1)(x^2 - x - 7) < -5$   $(-2, -1) \cup (2, 3)$
38.  $(x^2 + 3x + 1)(x^2 + 3x - 3) \geq 5$   $(-\infty, -4] \cup [-2, -1] \cup [1, +\infty)$
39.  $(x^2 + x + 1)(x^2 + x + 2) < 12$
40.  $(x^2 - 5x + 7)^2 - (x-2)(x-3) \leq 1$   $[2, 3]$
41.  $(x^2 + x + 1)(2x^2 + 2x + 3) > 3(1 - x - x^2)$   $(-\infty, -1) \cup (0, +\infty)$
42.  $(x-3)^2 + \frac{1}{x^2 - 6x + 9} > 2$   $x \neq 2, 3, 4$
43.  $(x^2 - 9x)^2 + 4x^2 - 36x - 140 < 0$   $(-1, 2) \cup (7, 10)$

44.  $\frac{21}{x^2 - 4x + 10} - x^2 + 4x \geq 6$   $[I, 3]$  ?
45.  $2x^2 + 2x + 1 - \frac{15}{x^2 + x + 1} < 0$   $(-2, 1)$  ?
46.  $\frac{x^2 + 2x + 1}{x^2 + 2x + 2} + \frac{x^2 + 2x + 2}{x^2 + 2x + 3} > \frac{7}{6}$   $(-\infty, -2) \cup (0, +\infty)$  ?
47.  $\frac{1}{x^2 - 2x + 2} + \frac{1}{x^2 - 2x + 3} < \frac{4,5}{x^2 - 2x + 4}$   $x \neq 1$  ?
48.  $\frac{(x^2 - 6x)^2}{(x-3)^2} - 2 < \frac{81}{(x-3)^2}$   $(3 - 2\sqrt{5}, 3) \cup (3, 3 + 2\sqrt{5})$  ?
49.  $9x - 6x^2 - \frac{2x^2 - 3x - 4}{2x^2 - 3x + 1} < 4$   $(-\infty, \frac{1}{2}) \cup (1, +\infty)$
50.  $x^2 + \frac{4x^2}{(x+2)^2} > 5$   $(-\infty, -2) \cup (-2, -1) \cup (2, +\infty)$  ?
51.  $(x^2 + 3x)(2x+3) - 16 \frac{2x+3}{x^2 + 3x} \geq 0$   $[-4, -3) \cup \left[-\frac{3}{2}, 0\right) \cup [1, +\infty)$
52.  $\frac{x^2 - x + 2}{x} + \frac{x^4 + x^2 + 4}{x^2} \geq 8$   $(-\infty, -2 - \sqrt{2}] \cup [-2 + \sqrt{2}, 0) \cup (0, 1] \cup [2, +\infty)$  ?
53.  $(3x^2 + 0,7x - 2,8)^5 < (x^2 + 5x - 2,8)^5$
54.  $(x^2 - 10x + 30)^4 \geq (x^2 - 10x - 56)^4$
55.  $\left(x^2 + \frac{1}{3}x - 2\right)^3 > \left(x^2 + \frac{1}{6}x + 4\right)^3$
56.  $\left(x^2 - \frac{1}{6}x + \frac{18}{5}\right)^4 \leq \left(x^2 - \frac{1}{3}x - \frac{13}{5}\right)^4$